

**ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ ΗΜΕΡΗΣΙΩΝ ΛΥΚΕΙΩΝ**  
**ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ**  
**ΕΝΔΕΙΚΤΙΚΕΣ ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ ΠΑΝΕΛΛΗΝΙΩΝ 2024**

**ΘΕΜΑ Α**

- A1. δ  
A2. γ  
A3. γ  
A4. β  
A5.

- α) Σωστό  
β) Λάθος  
γ) Σωστό  
δ) Σωστό  
ε) Λάθος

**ΘΕΜΑ Β**

**B1.**

- α) (ii)  
β) Από τον νόμο Wien έχουμε

$$\left. \begin{aligned} \lambda_{\max(1)} &= \frac{\text{σταθ}}{T_1} \\ \lambda_{\max(2)} &= \frac{\text{σταθ}}{T_2} = \frac{\text{σταθ}}{2T_1} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \lambda_{\max(2)} = \frac{\lambda_{\max(1)}}{2} \quad (1)$$

Από την εξίσωση φάσης βρίσκουμε περίοδο και μήκος κύματος.

$$\left. \begin{aligned} \varphi_1 &= 2\pi \left( 10^{15} \cdot t - \frac{10^7}{3} \cdot x \right) \\ \varphi_1 &= 2\pi \left( \frac{t}{T_1} - \frac{x}{\lambda_{\max(1)}} \right) \end{aligned} \right\} \Rightarrow T_1 = \frac{1}{10^{15}} \text{ s} \quad (2), \quad \lambda_{\max(1)} = 3 \cdot 10^{-7} \text{ m} \quad (3)$$

Από (1) και (3):

$$\lambda_{\max(2)} = \frac{3}{2} \cdot 10^{-7} \text{ m} \quad (4)$$

Η ταχύτητα παραμένει σταθερή

$$v_2 = \frac{\lambda_{\max(2)}^{(1)}}{T_2} \Rightarrow T_2 = \frac{1}{2} \cdot 10^{-15} \text{ s}$$

Άρα η φάση  $\varphi_2$  είναι

$$\varphi_2 = 2\pi \left( 2 \cdot 10^{15} \cdot t - \frac{2 \cdot 10^7}{3} \cdot x \right) \text{ (S.I.)}$$

**B2.**

α) (i)

β) Από τη σχέση στροφορμών που μας δίνεται προκύπτει:

$$L_2 = 5L_1 \Rightarrow m \cdot v_2 \cdot R_2 = 5m \cdot v_1 \cdot R_1 \Rightarrow v_2 \cdot R_2 = 5v_1 \cdot R_1 \Rightarrow$$

$$v_2 \cdot \frac{mv_2}{Bq} = 5v_1 \cdot \frac{mv_1}{Bq} \Rightarrow v_2^2 = 5v_1^2 \Rightarrow \boxed{v_2 = \sqrt{5}v_1} \text{ (1)}$$

Από εξίσωση Einstein

$$\left. \begin{aligned} (2) \quad \frac{h \cdot c}{\lambda_1} &= \varphi + K_1 \\ (3) \quad \frac{h \cdot c}{\lambda_2} &= \varphi + K_2 \end{aligned} \right\}$$

Από την (3), με την βοήθεια της (1) προκύπτει:

$$\varphi = \frac{h \cdot c}{\lambda_2} - K_2 = \frac{h \cdot c}{\lambda_2} - \frac{1}{2} m 5v_1^2 \Rightarrow \varphi = \frac{h \cdot c}{\lambda_2} - 5K_1 \Rightarrow \boxed{K_1 = \frac{h \cdot c}{5\lambda_2} - \frac{\varphi}{5}} \text{ (4)}$$

Άρα, η σχέση (2) με την βοήθεια της (4) γίνεται:

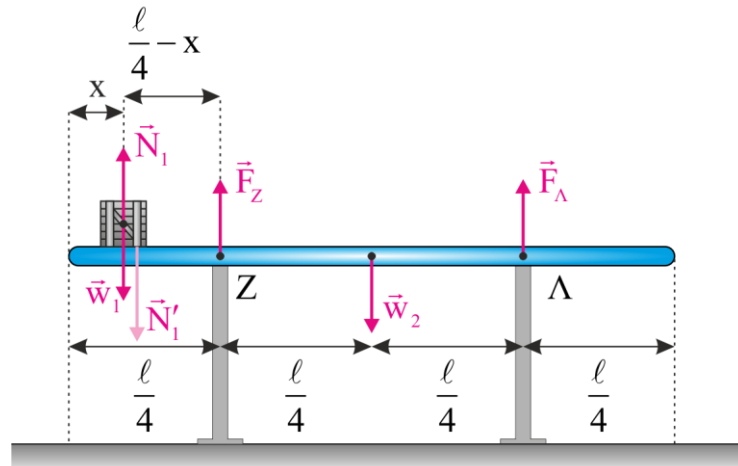
$$\frac{h \cdot c}{\lambda_1} = \varphi + \frac{h \cdot c}{5\lambda_2} - \frac{\varphi}{5} \Rightarrow \frac{h \cdot c}{\lambda_1} - \frac{h \cdot c}{5\lambda_2} = \frac{4}{5}\varphi \Rightarrow \frac{5}{4}h \cdot c \left( \frac{1}{\lambda_1} - \frac{1}{5\lambda_2} \right) = \varphi \Rightarrow$$

$$\varphi = \frac{5}{4} \cdot 1250 \text{ eV} \cdot nm \left( \frac{5\lambda_2 - \lambda_1}{5\lambda_1\lambda_2} \right) \Rightarrow \varphi = \frac{5}{4} \cdot 1250 \text{ eV} \cdot nm \left( \frac{2,5\lambda_1 - \lambda_1}{5\lambda_1 \cdot \frac{\lambda_1}{2}} \right) \Rightarrow$$

$$\varphi = \frac{5}{4} \cdot 1250 \text{ eV} \cdot nm \cdot \frac{1,5\lambda_1}{2,5\lambda_1^2} \Rightarrow \varphi = \frac{5}{4} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{1250}{375} \text{ eV} \Rightarrow \varphi = 2,5 \text{ eV}$$

**B3.**

α) Σωστή απάντηση είναι το (ii).



Έστω ότι η επαφή χάνεται όταν το σώμα (Σ) βρίσκεται στο σημείο N αριστερά του Z.

$$\left. \begin{array}{l} N'_1 = N_1 \\ N_1 = w_1 \end{array} \right\} \Rightarrow N'_1 = w_1$$

$$\Sigma \vec{\tau}_Z = 0 \Rightarrow +N'_1 \left( \frac{\ell}{4} - x \right) - w_2 \cdot \frac{\ell}{4} = 0 \Rightarrow mg \left( \frac{\ell}{4} - x \right) = \frac{m}{2} g \cdot \frac{\ell}{4} \Rightarrow$$

$$\frac{\ell}{4} - x = \frac{\ell}{8} \Rightarrow x = \frac{\ell}{8}$$

Άρα

$$x_\Sigma = \frac{\ell}{4} + x = \frac{\ell}{4} + \frac{\ell}{8} = \frac{3\ell}{8}$$

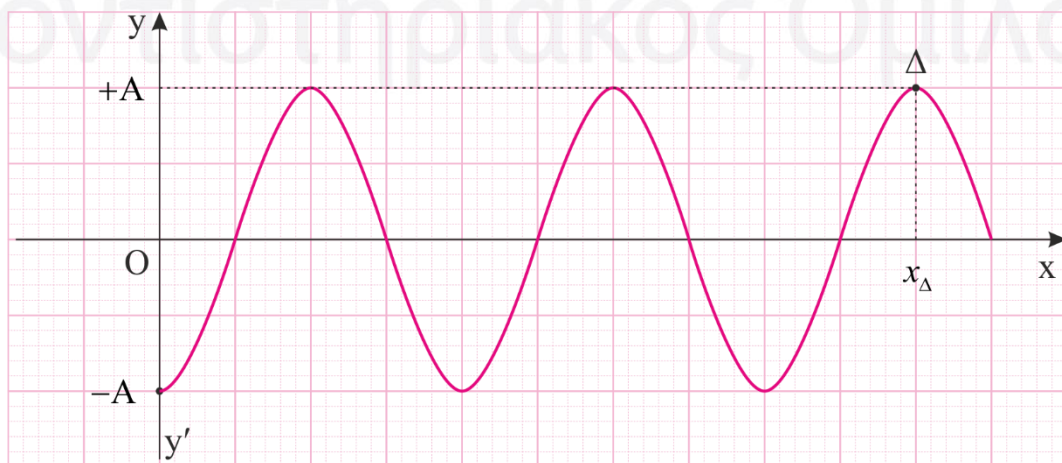
β) Σωστή απάντηση είναι το (i), γιατί

$$v_\Sigma = v_{αν,δίσκ} = 2v_{cm,δίσκ}$$

$$x_{cm,δίσκ} = v_{cm,δίσκ} \cdot t_1 = \frac{v_\Sigma}{2} \cdot t_1 = \frac{\frac{3\ell}{8}}{2} = \frac{3\ell}{16}$$

**ΘΕΜΑ Γ**

Γ1.



$$f = \frac{N}{t} = \frac{30}{60} = \frac{1}{2} \text{ Hz}, \quad T = 2 \text{ s}$$

Από το παραπάνω σχήμα προκύπτει:

$$x_{\Delta} = 2\lambda + \frac{\lambda}{2} = 2,5 \Rightarrow \frac{5\lambda}{2} = \frac{5}{2} \Rightarrow \lambda = 1 \text{ m}$$

$$v = \frac{\lambda}{T} = \frac{1}{2} = 0,5 \text{ m/s}$$

Το κύμα φτάνει στο σημείο Δ μετά από χρόνο

$$t = 2T + \frac{T}{2} = 2,5T = 5 \text{ s}$$

Γνωρίζουμε ότι σε κάθε περίοδο, το υλικό σημείο διανύει απόσταση  $4A$ , άρα σε  $2,5T$  θα διανύει απόσταση  $10A$ . Οπότε  $x = 10A \Rightarrow 2 = 10A \Rightarrow A = 0,2 \text{ m}$

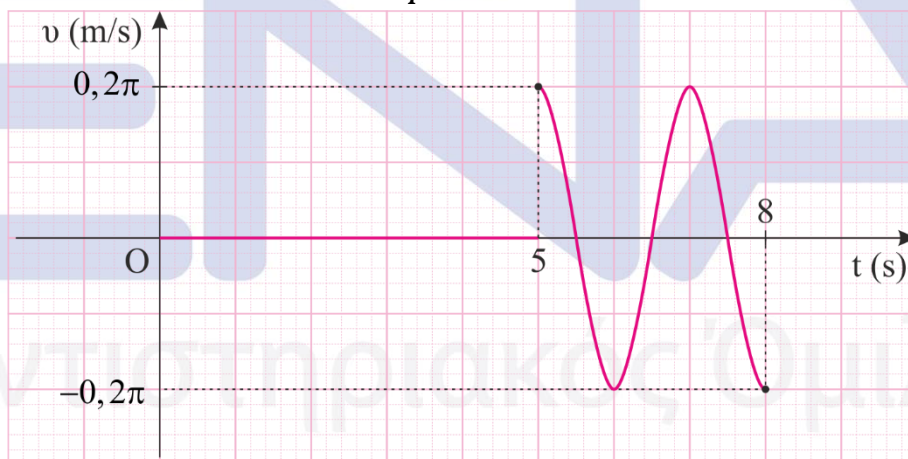
**Γ2.** Απόδειξη Σχολικού Βιβλίου, Τεύχος Γ', σελίδα 46.

**Γ3.**

Για το σημείο Δ ισχύει

$$v_{\Delta} = \omega A \cdot \text{συν}2\pi \left( \frac{t}{T} - \frac{x_{\Delta}}{\lambda} \right) = 0,2\pi \cdot \text{συν}2\pi \left( \frac{t}{2} - 2,5 \right) \quad (\text{S.I.})$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \pi \text{ rad/s}$$



**Γ4.** Τα σημεία Ο και Δ είναι συμφασικά με την απόστασή τους να ισούται με 1 μήκος κύματος. Επειδή η ταχύτητα διάδοσης παραμένει σταθερή, ισχύει:

$$\lambda_1 \cdot f_1 = \lambda_2 \cdot f_2 \Rightarrow f_2 = \frac{1 \cdot \frac{1}{2}}{2,5} = \frac{1}{5} \text{ Hz}$$

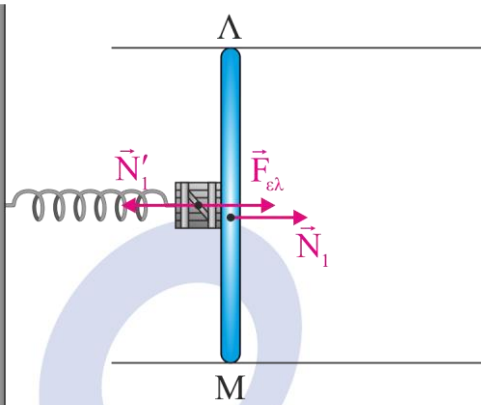
$$\Delta f = f_2 - f_1 = \frac{1}{5} - \frac{1}{2} = -0,3 \text{ Hz}$$

Επομένως έχουμε μείωση  $0,3 \text{ Hz}$ .

**ΘΕΜΑ Δ**

**Δ1.**

α) Εφαρμόζοντας τη συνθήκη ταλάντωσης για τη ράβδο ΛΜ έχουμε



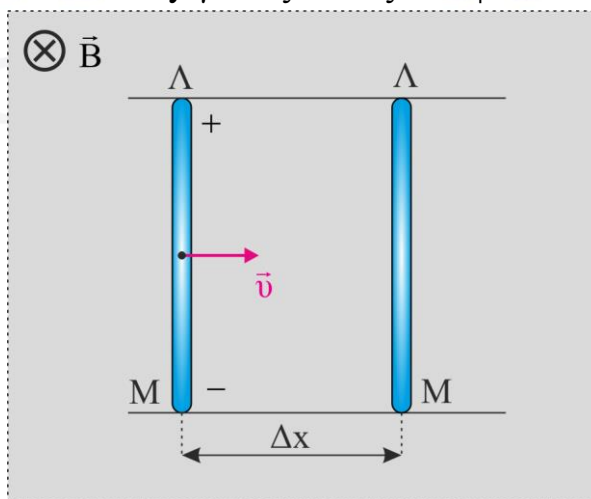
Ράβδος ΛΜ:  $\Sigma F = -N_1 = -D_{\Lambda M} \cdot x$ .

Από την τελευταία σχέση παρατηρούμε ότι η επαφή χάνεται όταν  $N_1 = 0$  άρα  $x = 0$  (θέση φυσικού μήκους).

β) Επειδή η θέση ισορροπίας ταυτίζεται με τη θέση φυσικού μήκους και δεν αλλάζει μετά τον αποχωρισμό της ράβδου, θα πρέπει:

$$v_{max, πριν} = v_{max, μετά} \Rightarrow \omega A = \omega' A' \Rightarrow \sqrt{\frac{k}{m + M_{\rho}}} \cdot \Delta \ell = \sqrt{\frac{k}{m}} \cdot A' \Rightarrow A' = 0,2 \text{ m}$$

Δ2. Εφαρμόζουμε το Νόμο του Faraday για τις θέσεις που φαίνονται στο παρακάτω σχήμα.



$$|E_{επ}| = \left| -N \cdot \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| \Rightarrow |E_{επ}| = \frac{\Phi_{τελ} - \Phi_{αρχ}}{\Delta t} = \frac{B \cdot A}{\Delta t} = \frac{B \cdot \Delta x \cdot L}{\Delta t} \Rightarrow E_{επ} = BvL$$

Με την βοήθεια του κανόνα του δεξιού χεριού βρίσκουμε την πολικότητα στα άκρα της ράβδου ΛΜ.

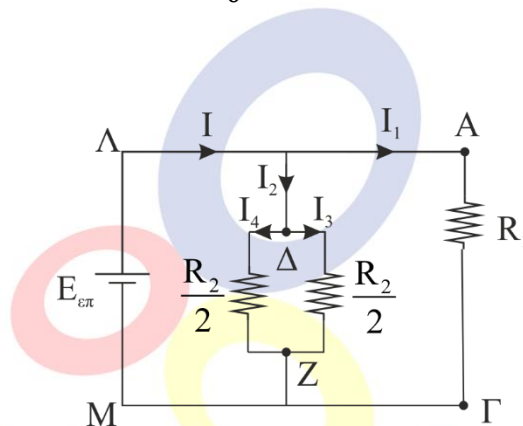
43. Εφαρμόζοντας τον 2<sup>ο</sup> Νόμο του Νεύτωνα, έχουμε:

$$\vec{a} = \frac{\Sigma \vec{F}}{M_{\rho}} \Rightarrow a = \frac{F}{M_{\rho}} = 2,5 \text{ m/s}^2$$

Το μέτρο της ταχύτητας της ράβδου ΛΜ είναι:

$$v = v_0 + a \cdot t \Rightarrow v = 6 \text{ m/s}$$

44.



α) Τη στιγμή που κλείνει ο διακόπτης, η τάση στα άκρα της ράβδου ΛΜ είναι

$$E_{\varepsilon\pi} = BvL = 6V$$

Υπολογίζουμε την ολική αντίσταση για το κύκλωμα.

$$R_{ολ} = \frac{R_{A\Gamma} \cdot R_{\Delta Z}}{R_{A\Gamma} + R_{\Delta Z}}$$

όμως

$$R_{A\Gamma} = R_1 = 10\Omega \text{ και } R_{\Delta Z} = \frac{\frac{R_2}{2} \cdot \frac{R_2}{2}}{\frac{R_2}{2} + \frac{R_2}{2}} = 2,5 \Omega$$

οι αντιστάτες  $R_2/2$  είναι ίσοι γιατί είναι φτιαγμένοι από το ίδιο υλικό, έχουν το ίδιο μήκος και την ίδια διατομή.

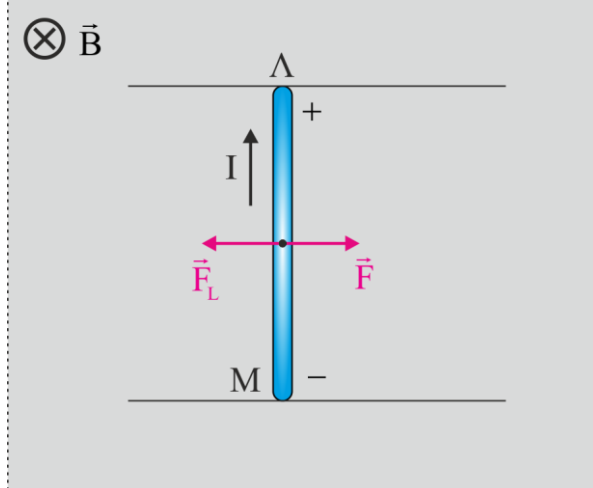
Άρα  $R_{ολ} = 2 \Omega$  και

$$I = \frac{E_{\varepsilon\pi}}{R_{ολ}} = \frac{6}{2} = 3A$$

Άρα η  $F_L$  που ασκείται στον αγωγό ΛΜ τη στιγμή αυτή έχει μέτρο

$$F_L = B \cdot I \cdot L \Rightarrow F_L = 3 \text{ N}$$

Οπότε στον αγωγό ΛΜ,  $\Sigma \vec{F} = 0 \Rightarrow F - F_L = 0$ .



Άρα ο αγωγός εκτελεί ευθύγραμμη ομαλή κίνηση.

β) Από το σχήμα και με την βοήθεια του Νόμου του Ohm υπολογίζουμε τις εντάσεις των ρευμάτων του κυκλώματος.

$$I_1 = \frac{E_{\varepsilon\pi}}{R_1} = 0,6 \text{ A}$$

$$I_2 = \frac{E_{\varepsilon\pi}}{R_{\Delta Z}} = \frac{12}{5} = 2,4 \text{ A}$$

Επειδή  $R_{\Delta NZ} = R_{\Delta \theta Z}$  και  $V_{\Delta NZ} = V_{\Delta \theta Z}$  προκύπτει

$$I_3 = I_4 = \frac{I_2}{2} = 1,2 \text{ A}$$

Από 1<sup>ο</sup> κανόνα Κίρχοφ στον κόμβο Α προκύπτει

$$I = I_1 + I_2 = 3 \text{ A}$$

45.

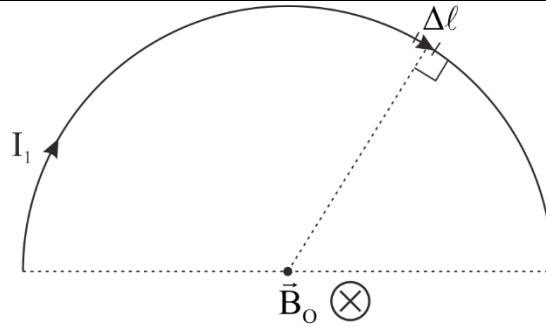
α) Σύμφωνα με τον Νόμο Biot-Savart για το στοιχειώδες τμήμα  $\Delta\ell$ , η ένταση του μαγνητικού πεδίου στο σημείο Ο είναι:

$$\Delta B = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{\Delta\ell \cdot I_1}{r_1^2} \cdot \eta\mu\theta \xrightarrow{\theta=90^\circ} \Delta B = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{\Delta\ell \cdot I_1}{r_1^2}$$

Για τον ημικυκλικό αγωγό στο σημείο Ο, η ένταση του μαγνητικού πεδίου είναι

$$B_O = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I_1}{r_1^2} \cdot \pi r_1 \Rightarrow B_O = 1,2\pi \cdot 10^{-7} \text{ T}$$

Η φορά της έντασης βρίσκεται με τον κανόνα του δεξιού χεριού και φαίνεται στο σχήμα.



- β)** Η ένταση λόγω του κυκλικού αγωγού στο σημείο O είναι 0 (μηδέν) διότι τα μέτρα των εντάσεων του μαγνητικού πεδίου που δημιουργεί το κάθε ημικόκλιο είναι ίσα αλλά από κανόνα δεξιού χεριού έχουν αντίθετη φορά.  
Άρα  $B_{ολ,Ο} = B_0 = 1,2\pi \cdot 10^{-7} T$  και φορά που φαίνεται στο σχήμα.

